



دانشگاه رازی

# مکانیک سیالات ۲

جریان تراکم پذیر

میثم سعیدی-استادیار گروه مهندسی مکانیک

# سرعت صوت

سرعت صوت، شدت انتشار یک موج فشاری با توان بی نهایت کوچک است که از میان یک سیال ساکن صورت می گیرد و یکی از پارامترهای مهم در مطالعه جریانهای تراکم پذیر است.

👉 **نکته:** سرعت صوت در هر سیال تابعی از خواص ترمودینامیکی آن سیال است.

برای تعیین سرعت صوت از معادلات زیر استفاده می کنیم:

$$C^2 = \left( \frac{\partial P}{\partial \rho} \right)_s = k \left( \frac{\partial P}{\partial \rho} \right)_T$$

$k$  نسبت گرماهای ویژه سیال است.

$$C = \sqrt{kRT} \quad \text{برای گاز ایده آل:}$$

مثال) کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟

- (۱) در جریان سیال تراکم‌پذیر در نازل همگرا - واگرا به هر میزان که بخواهیم می‌توانیم با کاهش فشار در انتهای نازل سرعت جریان سیال را افزایش دهیم.
  - (۲) در جریان سیال تراکم‌پذیر در نازل همگرا - واگرا بعد از اینکه سرعت سیال در گلوگاه به سرعت صوت رسید همواره می‌تواند با سرعت مافوق صوت از انتهای نازل خارج شود.
  - (۳) در جریان سیال تراکم‌پذیر در نازل همگرا - واگرا در حالت ایزنتروپیک ماکزیمم جریان موقعی خواهد بود که سرعت سیال در گلوگاه برابر با سرعت صوت در گلوگاه باشد.
  - (۴) در جریان سیال تراکم‌پذیر در نازل همگرا - واگرا همواره در گلوگاه سرعت سیال برابر با سرعت صوت است.
- حل) گزینه (۳) صحیح است.

👉 **نکته:** سرعت انتقال صوت در: گازها > مایعات > جامدات

سرعت صوت را می توان براساس ضریب کشسانی حجمی هم بیان نمود:

$$C^2 = \frac{E_v}{\rho}$$

عدد ماخ: عدد ماخ یک عدد بی بعد است که به صورت زیر تعریف می شود:

$$M = \frac{V}{C}$$

$V$ : سرعت واقعی سیال یا سرعت یک جسم در سیال ساکن

$C$ : سرعت صوت در همان سیال

عدد ماخ نشان دهنده نسبت نیروی اینرسی به نیروی تراکم پذیری است.

چنانچه قبلاً اشاره گردید اگر  $M < 0.3$  باشد از اثرات تراکم پذیری صرف نظر می کنیم.

$M = 1 \Rightarrow$  جریان صوتی است.

$M < 1 \Rightarrow$  جریان مادون صوت است.

$M > 1 \Rightarrow$  جریان مافوق صوت است.

$M \gg 1 \Rightarrow$  جریان ماوراء صوت است.

مثال) معیار قابل تراکم بودن یک جریان سیال، مقدار عدد بدون بعد *Mach* ..... می باشد.

در جریان گاز ایده آل در یک مجرا داریم:

$$\dot{m} = \rho AV = \frac{P}{RT} A(MC) = \frac{P}{RT} AM \sqrt{kRT} = \frac{PAM\sqrt{k}}{\sqrt{RT}} \propto \frac{PAM}{\sqrt{T}}$$

$$\text{معادله پیوستگی: } \dot{m}_1 = \dot{m}_2 \Rightarrow \frac{P_1 A_1 M_1}{\sqrt{T_1}} = \frac{P_2 A_2 M_2}{\sqrt{T_2}}$$

$$\Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2 A_2 M_2}{P_1 A_1 M_1} \right)^2$$

مثال) هوا با دمای  $100^\circ\text{C}$  به یک لوله با قطر  $4''$  و با سرعت جرمی  $20\text{ kg/s}$  وارد می‌شود. اگر به هنگام خروج دمای آن به  $30^\circ\text{C}$  رسیده باشد نسبت عدد ماخ ورودی به خروجی چقدر است؟ فشار هوای ورودی  $2\text{ atm}$  و فشار هوای خروجی  $1\text{ atm}$  می‌باشد.

$$1/0.95 \quad (4)$$

$$0.555 \quad (3)$$

$$0.913 \quad (2)$$

$$1/8 \quad (1)$$

(حل)

$$\frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{M_1 P_1}{M_2 P_2} \right)^2 \Rightarrow \frac{373/15}{303/15} = \left( \frac{M_1}{M_2} \times \frac{2}{1} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{M_1}{M_2} = 0.555$$

# فرایند ایزنتروپیک

فرایند ایزنتروپیک یک فرایند آدیاباتیکی برگشت پذیر است که در آن آنتروپی ثابت می ماند:

$$S_1 = S_2$$

در یک فرایند ایزنتروپیک که سیال آن گاز ایده آل باشد روابط زیر برقرار هستند:

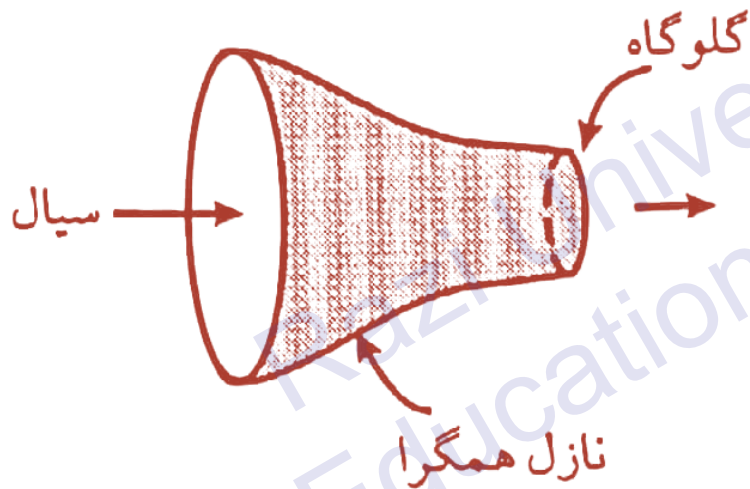
$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{\frac{k-1}{k}}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{\rho_2}{\rho_1}\right)^{k-1}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{\rho_2}{\rho_1}\right)^k$$

که در معادلات فوق:  $k = \frac{C_p}{C_v}$

نازل همگرا: نازلی است که مساحت آن در امتداد جریان کاهش می یابد.





## خواص سکون

هرگاه سیالی از یک سرعت خاص به حالت توقف درآید گوییم به حالت سکون رسیده است. معادله انرژی برای یک جریان پایا و آدیاباتیک به صورت زیر نوشته می شود:

$$h + \frac{V^2}{2} = \text{ثابت}$$

$h$  را به عنوان آنتالپی موجود در نقطه‌ای که جزء سیال به طور آدیاباتیک به حالت سکون رسیده است نامیده و با توجه به معادله فوق و اعمال شرط  $V = 0$  به معادله زیر می‌رسیم:

$$h + \frac{V^2}{2} = h_0$$

آنتالپی سکون انرژی کل به ازای واحد جرم سیال را نشان می‌دهد که برابر مجموع آنتالپی استاتیک ( $h$ ) و انرژی جنبشی در واحد جرم است. هرگاه سیال، گاز ایده‌آل باشد با جایگزین کردن آنتالپی با  $C_p T$  به معادله زیر می‌رسیم:

$$T_0 = T + \frac{V^2}{2C_p}$$

## روابط مربوط به جریان ایزنتروپیک گاز ایده‌آل

در این قسمت روابط بین مشخصه‌های جریان برحسب شرایط سکون را بیان می‌کنیم.

$$\frac{T_0}{T} = 1 + \left(\frac{k-1}{\gamma}\right) M^2$$

$$\frac{P_0}{P} = \left[ 1 + \left(\frac{k-1}{\gamma}\right) M^2 \right]^{\frac{k}{k-1}}$$

$$\frac{\rho_0}{\rho} = \left[ 1 + \left(\frac{k-1}{\gamma}\right) M^2 \right]^{\frac{1}{k-1}}$$

Razi University  
Educational Use

مثال) اگر سیالی تراکم پذیر از انتهای یک نازل بصورت سوپر سانیک و با عدد ماخ ۲ خارج شود، فشار انتهای نازل از کدامیک از روابط زیر محاسبه خواهد شد؟

$$P_r = P. \left(\frac{1}{\gamma}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \quad (۲)$$

$$P_r = P. \left(\frac{1}{2\gamma-1}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \quad (۱)$$

$$P_r = \frac{P.}{2} \quad (۴)$$

$$P_r = P. \left(\frac{2}{\gamma+1}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \quad (۳)$$

$$\frac{P.}{P} = \left(1 + \frac{k-1}{2} M^2\right)^{\frac{k}{k-1}}$$

$$k = \gamma, \quad M = 2 \Rightarrow \frac{P.}{P} = \left[1 + \frac{\gamma-1}{2} \times 2^2\right]^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \Rightarrow \frac{P.}{P} = (2\gamma-1)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}$$

$$P = \left(\frac{1}{2\gamma-1}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} P.$$

(حل)

گزینه (۱) صحیح است.

روابط بین خواص بحرانی (خواص سیال در گلوگاه که  $M = 1$  است) و خواص سکون به صورت زیر است:

$$\frac{T^*}{T_0} = \frac{\gamma}{k+1}$$

$$\frac{P^*}{P_0} = \left(\frac{\gamma}{k+1}\right)^{\frac{k}{k-1}}$$

$$\frac{\rho^*}{\rho_0} = \left(\frac{\gamma}{k+1}\right)^{\frac{1}{k-1}}$$

Razi University  
Educational Use

## اثر تغییر سطح مقطع در جریانهای ایزنتروپیک یک بعدی

برای یک جریان ایزنتروپیک می توان نشان داد که تغییرات فشار سیال بر حسب مساحت جریان به شکل زیر است:

$$\frac{dA}{A} = \frac{dP}{\rho V^2} (1 - M^2)$$

(توجه: معادله فوق با استفاده از معادله پیوستگی و معادله اویلر به دست آمده است.)  
با توجه به اینکه  $\rho$ ،  $V$  و  $A$  کمیت‌های مثبت هستند داریم:

(۱) جریان مادون صوت

$$M < 1 \Rightarrow 1 - M^2 > 0 \Rightarrow dP \text{ و } dA \text{ هم علامت هستند.}$$

بنابراین با افزایش مساحت جریان، فشار سیال افزایش می‌یابد و با کاهش مساحت جریان، فشار سیال کاهش می‌یابد.

با توجه به مطلب فوق، فشار مجراهای همگرا کاهش می‌یابد و در مجراهای واگرا افزایش می‌یابد.

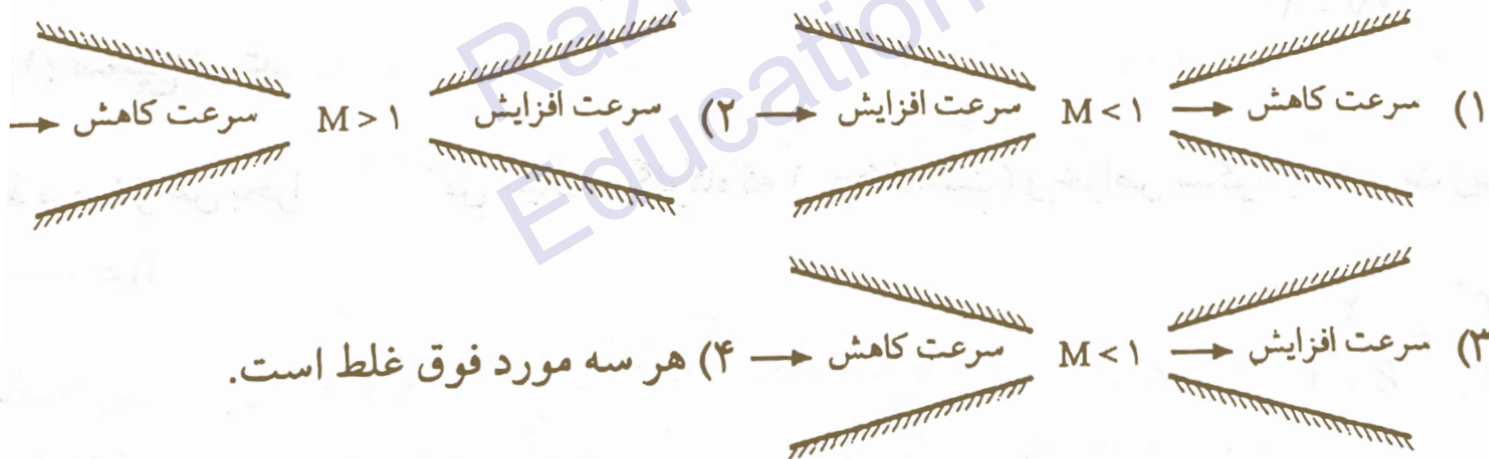
(۲) جریان مافوق صوت

$$M > 1 \Rightarrow 1 - M^2 < 0 \Rightarrow dP \text{ و } dA \text{ غیر هم علامت هستند.}$$

بنابراین با افزایش مساحت جریان، فشار سیال کاهش می‌یابد و با کاهش مساحت جریان، فشار سیال افزایش می‌یابد.

با توجه به مطلب فوق، فشار مجراهای همگرا افزایش می‌یابد و در مجراهای واگرا کاهش می‌یابد.

مثال) کدام یک از جریان‌های زیر صحیح نیست؟



حل) گزینه (۳) صحیح است.

برای تغییرات سرعت، چگالی، فشار و دما هم می توان نوشت:

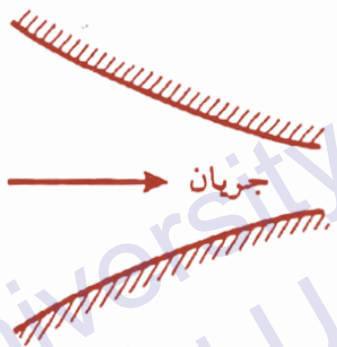
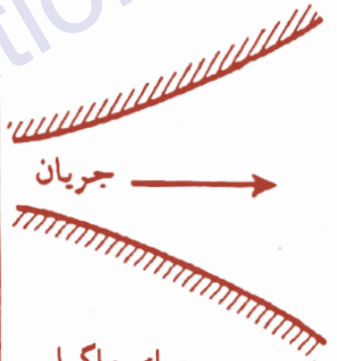
$$\frac{dV}{V} = \frac{1}{M^2 - 1} \frac{dA}{A}$$

$$\frac{d\rho}{\rho} = -M^2 \frac{dV}{V}$$

$$\frac{dP}{P} = \frac{kM^2}{1 - M^2} \frac{dA}{A}$$

$$\frac{dT}{T} = \frac{(k - 1)M^2}{1 - M^2} \frac{dA}{A}$$

Razi University  
Educational Use

$M > 1$	$M < 1$	شکل	سطح مقطع
$dV < 0$ $dM < 0$ $dP > 0$ $d\rho > 0$ $dT > 0$ مجرا پخش کننده است	$dV > 0$ $dM > 0$ $dP < 0$ $d\rho < 0$ $dT < 0$ مجرا نازل است	 <p>مجرای همگرا</p>	سطح مقطع کاهش می یابد $(dA < 0)$
$dV > 0$ $dM > 0$ $dP < 0$ $d\rho < 0$ $dT < 0$ مجرا نازل است	$dV < 0$ $dM < 0$ $dP > 0$ $d\rho > 0$ $dT > 0$ مجرا پخش کننده است	 <p>مجرای واگرا</p>	سطح مقطع افزایش می یابد $(dA > 0)$



مثال) در جریان مطالعه سیال (جریان) با آنتروپی ثابت از گذرگاه با تغییر سطح مقطع و بدون اصطکاک معادله

زیر صادق است: که  $M$  عدد ماخ می باشد.  $\frac{dA}{A} = (M^2 - 1) \frac{dV}{V}$  وقتی  $M < 1$  باشد برای ازدیاد سرعت:

(۱) سطح مقطع باید افزایش یابد.  $(\frac{dA}{A} > 0)$  (۲) سطح مقطع باید ثابت باشد.  $(\frac{dA}{A} = 0)$

(۳) سطح مقطع باید تقلیل یابد.  $(\frac{dA}{A} < 0)$  (۴) نمی توان با سطح مقطع کار نمود.

(حل)

$$\frac{dA}{A} = (M^2 - 1) \frac{dV}{V}$$

$$M < 1 \Rightarrow M^2 - 1 < 0$$

$$\frac{dV}{V} > 0 \Rightarrow \frac{dA}{A} < 0$$

گزینه (۳) صحیح است.

## حالت خفگی

در شرایط سکون معین، حداکثر دبی جرمی موقعی از یک مجرا عبور می‌کند که گلوگاه در حالت بحرانی ( $M = 1$ ) قرار داشته باشد که این حالت را خفگی می‌نامیم.

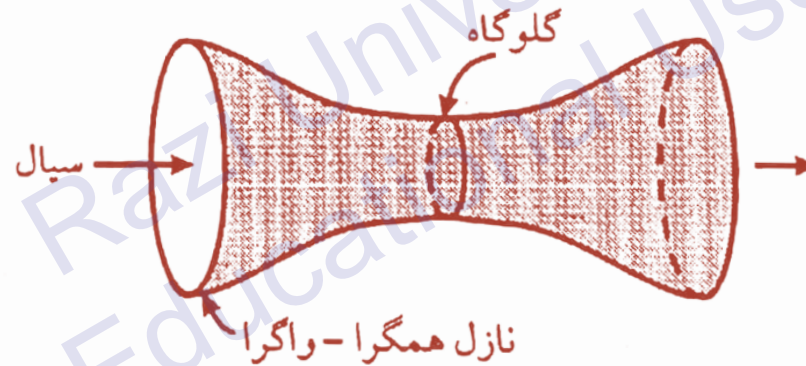
👉 **نکته:** در جریان ایزنتروپیک حداکثر دبی جرمی ممکن با سطح مقطع گلوگاه ( $A^*$ ) و فشار سکون ( $P_0$ ) نسبت مستقیم و با ریشه دوم دمای سکون نسبت عکس دارد.

$$\dot{m}_{max} \propto \frac{P_0 A^*}{\sqrt{T_0}}$$

## نازل‌های همگرا - واگرا

نازل‌های همگرا - واگرا، نازل‌هایی هستند که در آنها سطح مقطع در امتداد جریان ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

در شکل زیر یک نازل همگرا - واگرا نشان داده شده است:

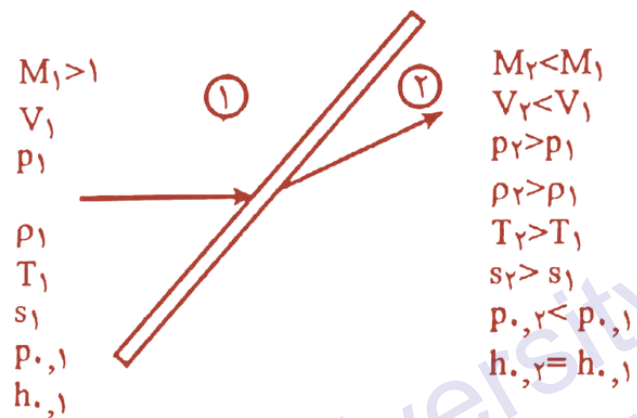


- 👉 **نکته:** حداکثر سرعت سیال در نازل همگرا سرعت صوت است و جهت رسیدن به سرعت‌های مافوق صوت باید از نازل همگرا - واگرا استفاده کرد.
- گلوگاه: محل متناظر با کمترین سطح مقطع جریان را گلوگاه می‌نامیم.
- 👉 **نکته:** برای شتاب دادن به سیال در سرعت‌های مادون صوت باید از نازل همگرا و در سرعت‌های مافوق صوت باید از نازل واگرا استفاده کنیم.
- 👉 **نکته:** اگر جریان در بخش واگرای نازل، مافوق صوت باشد گلوگاه باید دارای عدد ماخ یک باشد.

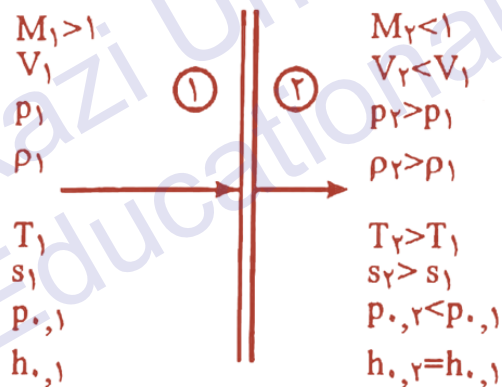
## امواج ضربه‌ای

امواج ضربه‌ای، نواحی بسیار نازکی در جریانهای مافوق صوت هستند که تغییرات خواص در عرض آنها شدید است. این فرآیند برگشت‌ناپذیر بوده و نمی‌توان آن را ایزوتروپیک فرض کرد. اگر موج ضربه‌ای در صفحه عمود بر امتداد جریان رخ دهد آن را موج ضربه‌ای قائم می‌نامند و در صورتیکه غیر عمود باشد آنرا موج ضربه‌ای مایل می‌نامند. در امواج ضربه‌ای قائم جریانهای بالا دست و پایین دست در امتداد هم واقعند.

تغییرات کیفی خواص جریان در گذر از امواج ضربه‌ای قائم و مایل در شکل زیر نشان داده شده است:



(الف) موج ضربه‌ای مایل



(ب) موج ضربه‌ای قائم

چنانچه در شکل فوق نشان داده شده است فشار، چگالی، دما و آنتروپی در عرض یک موج ضربه‌ای افزایش پیدا می‌کند ولی فشار کلی، عدد ماخ و سرعت کاهش می‌یابند.

👉 **نکته:** جریان در عرض یک موج ضربه‌ای، آدیاباتیک است بنابراین آنتالپی کلی در عرض یک موج ضربه‌ای ثابت است.

👉 **نکته:** در موج ضربه‌ای قائم، آنتالپی سکون ثابت می‌ماند و در نتیجه برای گازهای ایده‌آل دمای سکون هم ثابت می‌ماند.

در امواج ضربه‌ای جریان جلو موج ضربه‌ای باید مافوق صوت باشد ( $M_1 > 1$ ) در پشت موج ضربه‌ای مایل معمولاً جریان مافوق صوت است ( $M_2 > 1$ ) اما با عدد ماخ کوچکتر ( $M_2 < M_1$ ). برای موج ضربه‌ای قائم جریان پایین دست همواره مادون صوت است ( $M_2 < 1$ ).

👉 **نکته:** مافوق صوت بودن سرعت جریان شرط لازم برای ایجاد موج ضربه‌ای قائم است.

مثال) در عبور از یک موج ضربه‌ای در جریان سیال تراکم‌پذیر افزایش

- ۱) فشار، عدد ماخ، آنتروپی وجود دارد.
- ۲) فشار، آنتروپی و کاهش ماخ وجود دارد.
- ۳) فشار، عدد ماخ و ثابت ماندن آنتروپی مطرح است.
- ۴) فشار، عدد ماخ و کاهش آنتروپی بوجود می‌آید.

حل)

موقعی که از یک موج ضربه‌ای عبور می‌کنیم به دلیل آدیاباتیک بودن آن آنتالپی سکون و دمای سکون ثابت باقی می‌مانند ولی فشار و آنتروپی افزایش می‌یابند و عدد ماخ کاهش می‌یابد. گزینه (۲) صحیح است.

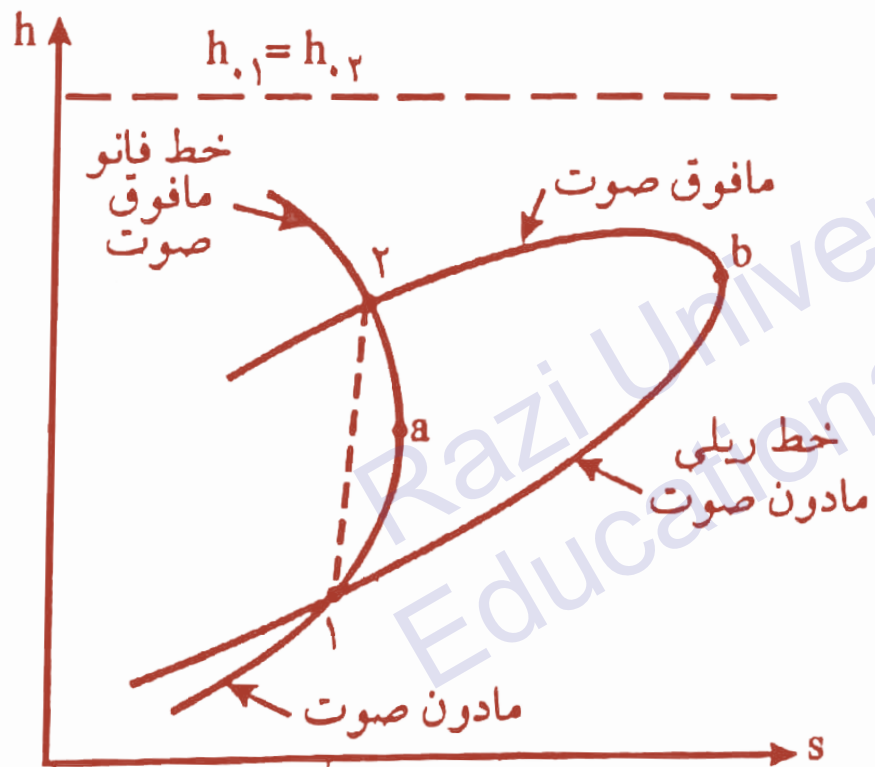


## خطوط فانو و ریلی

خط فانو: جریان پایا، آدیاباتیک همراه با اصطکاک و دارای سطح مقطع ثابت را در نظر می‌گیریم. هرگاه معادلات پیوستگی و بقای انرژی را با هم ترکیب نموده و معادله حاصل را با استفاده از روابط بین خواص در نمودار  $h-s$  رسم کنیم منحنی حاصل را خط فانو می‌نامند. خط فانو مکان هندسی حالتهایی است که دارای آنتالپی سکون و شار جرمی یکسان هستند.

خط ریلی: جریان پایا، بی‌اصطکاک همراه با انتقال گرما و دارای سطح مقطع ثابت را در نظر می‌گیریم. هرگاه معادلات پیوستگی و بقای اندازه حرکت را با هم ترکیب نموده و معادله حاصل را با استفاده از روابط بین خواص دو نمودار  $h-s$  رسم کنیم منحنی حاصل را خط ریلی می‌نامند.

در شکل زیر خطوط فانو و ریلی نشان داده شده است.



👉 **نکته:** با توجه به شکل فوق در نقاطی که دارای حداکثر مقدار آنتروپی هستند  $M = 1$  است. قسمتی از خطوط فانو و ریلی که روی نمودار  $h - s$  بالای نقاط متناظر با  $M = 1$  (نقاط  $a$  و  $b$ ) قرار می‌گیرد مربوط به جریان مادون صوت و قسمت پایین مربوط به جریان مافوق صوت است.

👉 **نکته:** خطوط فانو و ریلی همدیگر را در دو نقطه ۱ و ۲ قطع می‌کنند که نقطه ۱ مربوط به حالت قبل از وقوع امواج ضربه‌ای و نقطه ۲ مربوط به حالت بعد از وقوع امواج ضربه‌ای است.

👉 **نکته:** در موج ضربه‌ای شرایط جریان از نقطه تقاطع ۱ به صورت ناگهانی به نقطه تقاطع ۲ منتقل می‌شود.

## جریان آدیاباتیکی همراه با اصطکاک در یک کانال با مقطع یکنواخت

جریان دایمی و آدیاباتیکی را در نظر می‌گیریم که در یک کانال با مقطع یکنواخت جاری است و در آن اثرات اصطکاک قابل صرف نظر نیست. می‌توان نشان داد که جریان ورودی چه مادون صوت باشد چه مافوق صوت، عدد ماخ جریان پایین دست به عدد ۱ میل کرده و شرایط صوتی برقرار می‌گردد. اگر در ورودی کانال جریان مادون صوت باشد با حرکت سیال به طرف پایین دست، عدد ماخ آن افزایش می‌یابد و اگر در ورودی کانال جریان مافوق صوت باشد با حرکت سیال به طرف پایین دست، عدد ماخ جریان کاهش می‌یابد که در هر حالت جریان به شرایط صوتی می‌رسد.

اگر طولی از کانال را که جریان در آن به عدد ماخ ۱ می‌رسد با  $L^*$  نشان دهیم در حالتیکه  $L > L^*$  داریم:

(۱) جریان ورودی مافوق صوت باشد.

در این حالت با افزایش بیشتر طول کانال با ایجاد یک موج ضربه‌ای صفحه‌ای در نزدیکی خروجی، شرایط در خروجی به حالت صوتی می‌رسد. اگر طول لوله را باز هم افزایش دهیم موج ضربه‌ای به سمت بالادست حرکت می‌کند تا به ورودی کانال برسد. تا این مرحله دبی جریان ثابت است. اگر طول لوله افزایش بیشتری بیابد جریان دچار خفگی شده و دبی جریان کاهش می‌یابد.

(۲) جریان ورودی مادون صوت باشد.

در این حالت با کاهش دبی جرمی جریان شرایط در خروجی به حالت صوتی می‌رسد. بنابراین در این حالت برای برقراری شرایط صوتی در خروجی، جریان دچار خفگی می‌شود و با افزایش بیشتر طول لوله عدد ماخ ورودی و دبی جرمی کاهش می‌یابد.

مثال) اگر سیال تراکم‌پذیر در حالت آدیاباتیک در لوله حرکت کند و عدد ماخ در انتهای لوله به ۱ برسد با افزایش طول لوله دبی جرمی ( $\dot{m}$ ) به چه صورتی تغییر می‌کند؟

(۱) زیاد می‌شود

(۳) کم می‌شود

(۲) فرق نمی‌کند

(۴) بستگی به شرایط ورودی لوله دارد

حل) گزینه (۳) صحیح است.

Razi University  
Educational Use

تغییر خواص گاز برای یک جریان آدیاباتیکی همراه با اصطکاک در جدول زیر آورده شده است:

جریان مافوق صوت	جریان مادون صوت	خاصیت
کاهش می یابد	افزایش می یابد	سرعت $V$
کاهش می یابد	افزایش می یابد	عدد ماخ $M$
افزایش می یابد	کاهش می یابد	فشار $P$
افزایش می یابد	کاهش می یابد	دما $T$
افزایش می یابد	کاهش می یابد	چگالی $\rho$
ثابت می ماند	ثابت می ماند	آنتالپی سکون $h_0$
افزایش می یابد	افزایش می یابد	آنتروپی $s$

مثال) کدام یک از عبارات زیر در مورد درجه حرارت سکون (*Stagnation Temperature*) صادق است؟

- (۱) در یک پروسس آدیاباتیکی دمای سکون در طول مسیر ثابت است.
  - (۲) در یک پروسس ایزوترم اصطکاکی دمای سکون افزایش خواهد یافت.
  - (۳) در یک پروسس ایزوترم دمای سکون در طول مسیر ثابت است.
  - (۴) در یک پروسس آدیاباتیکی اصطکاکی دمای سکون در طول مسیر کاهش خواهد یافت.
- (حل)

در فرآیند آدیاباتیکی دمای سکون در طول مسیر ثابت است.  
گزینه (۱) صحیح است.



## جریان همدمما همراه با اصطکاک

جریان گازی را در نظر می‌گیریم که در یک مجرای طولانی غیر عایق با محیط به تعادل گرمایی می‌رسد به عبارت دیگر یک جریان همدمما داریم که همراه با اصطکاک و انتقال گرما است. با استفاده از معادلات مومنتم، پیوستگی، انرژی و معادله حالت به معادله زیر می‌رسیم:

$$\frac{f}{D} L_{max} = \frac{1 - kM^2}{kM^2} + \ln(kM^2)$$

$L_{max}$  حداکثر طول لوله است.

اگر  $L > L_{max}$  باشد جریان دچار خفگی شده و دبی جرمی کاهش پیدا می‌کند.

**نکته:** در جریان آدیاباتیک عدد ماخ به عدد ۱ میل می‌کند و در جریان هم دمما به عدد  $\frac{1}{\sqrt{k}}$  میل می‌کند.

در جدول زیر تغییر خواص در جریان همدم با اصطکاک آورده شده است:

خاصیت	$M < 1/\sqrt{k}$	$M > 1/\sqrt{k}$
فشار $P$	کاهش می یابد	افزایش می یابد
چگالی $\rho$	کاهش می یابد	افزایش می یابد
سرعت $V$	افزایش می یابد	کاهش می یابد
عدد ماخ $M$	افزایش می یابد	کاهش می یابد
دمای سکون $T_0$	افزایش می یابد	کاهش می یابد
فشار سکون $P_0$	کاهش می یابد	اگر $M < \sqrt{2}/(k+1)$ باشد افزایش می یابد اگر $M > \sqrt{2}/(k+1)$ باشد کاهش می یابد

مثال) در جریان آدیاباتیک اصطکاکی سیال تراکم‌پذیر در حالت یکنواخت در لوله‌ها کدامیک از عبارات زیر صحیح است؟

(۱) درجه حرارت سیال ثابت است.

(۲) سرعت صوت در طول مسیر ثابت است.

(۳) انتروپی گاز تغییر نمی‌کند.

(۴) درجه حرارت سکون گاز در طول مسیر ثابت است.

حل)

چنانچه در متن درس اشاره گردید در جریان آدیاباتیک همراه با اصطکاک آنتالپی سکون ثابت می‌ماند و با فرض ایده آل بودن گاز، دمای سکون ثابت می‌ماند.  
گزینه (۴) صحیح است.

مثال) در حرکت ایزوترم اصطکاکی سیال تراکم‌پذیر در لوله، کدامیک از عبارات زیر صحیح است؟

- ۱) در حرکت مادون صوت (*subsonic*)، سرعت در طول لوله افزایش و فشار کاهش می‌یابد.
  - ۲) در حرکت مادون صوت، سرعت در طول لوله افزایش و فشار نیز افزایش می‌یابد.
  - ۳) در حرکت مافوق صوت (*supersonic*)، سرعت در طول لوله افزایش و فشار کاهش می‌یابد.
  - ۴) در حرکت مافوق صوت، سرعت در طول کاهش و فشار نیز کاهش می‌یابد.
- حل) گزینه (۱) صحیح است.