



# مکانیک سیالات ۲

اندازه‌گیری جریان سیال

میثم سعیدی-استادیار گروه مهندسی مکانیک

به منظور کنترل فرآیند در صنعت، دانستن مقدار موادی که به سیستم وارد و یا از آن خارج می‌شوند، ضروری است. در جایی که این مواد در حالت سیال انتقال یابند، اهمیت دبی آن در داخل لوله و یا کانال مهم می‌شود. لذا چندین نوع مختلف وسایل اندازه‌گیری دبی را که در صنعت مورد استفاده قرار می‌گیرند، در اینجا به شکل زیر دسته‌بندی می‌کنیم:

۱- وسایل اندازه‌گیری که مستقیماً بر پایه اندازه‌گیری وزن و یا حجم بنا شده‌اند.

۲- وسایل اندازه‌گیری که برای هدهای متغیر بنا شده‌اند (Variable head meter).

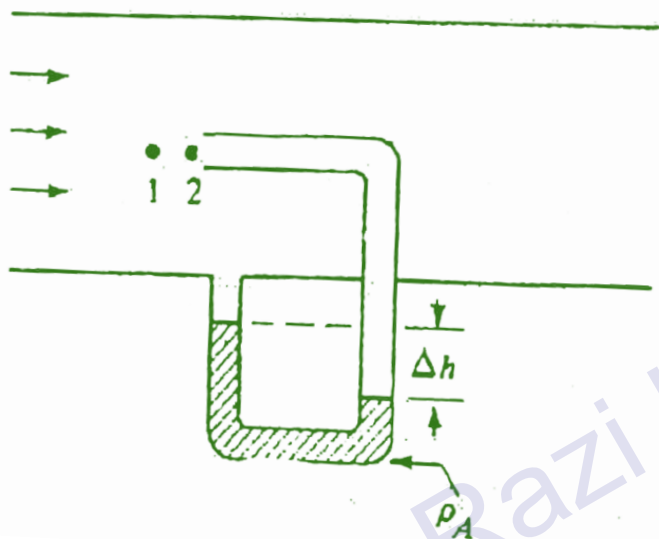
۳- وسایل اندازه‌گیری جریانی و سطحی (Current, Area meter)

۴- وسایل اندازه‌گیری رفت و برگشتی (Positive - Displacement)

۵- وسایل اندازه‌گیری مغناطیسی (Magnetic - meter)

# لوله پیتوت

## اندازه‌گیری سرعت موضعی - لوله پیتوت

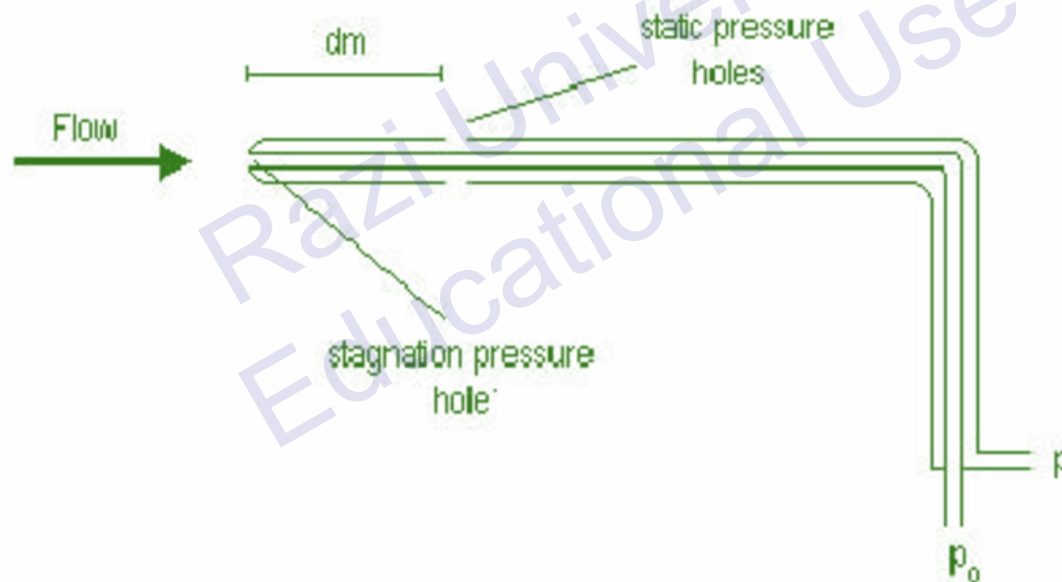


لوله پیتوت برای اندازه‌گیری سرعت موضعی در یک نقطه معین در جریان سیال و با استفاده از اختلاف فشار به کار می‌رود که در شکل زیر نشان داده شده است:

با نوشتن معادله برنولی بین نقاط ۱ و ۲ می‌توان سرعت جریان را به دست آورد:

$$V_1 = C \sqrt{\frac{2(P_2 - P_1)}{\rho}}$$

C ضریب پیتوت نامیده می شود که برای از بین بردن عوامل خطا از آن استفاده می شود و مقدار آن برای لوله پیتوت استاندارد برابر ۱ است. لوله پیتوت را می توان برای اندازه گیری سرعت جریان در یک لوله با قطر بزرگ به کار برد و با تعیین سرعت حداکثر در مرکز لوله سرعت متوسط را به دست آورد.



مثال) به هنگام اندازه گیری سرعت سیال با استفاده از یک *Pitot-static tube* اختلاف فشار اندازه گیری شده برابر  $10 \text{ cm}$  است. سرعت سیال چند متر بر ثانیه است؟

$$V = \sqrt{\frac{2(P_2 - P_1)}{\rho}}$$

چون اختلاف فشار بر حسب ارتفاع بیان شده است داریم:

$$V = \sqrt{2g(z_2 - z_1)} = \sqrt{2 \times 9.81 \times 0.1} = 1.4 \text{ m/s}$$

# جریان سنجی بر اساس افت هد

فرآیند عمل این نوع وسیله اندازه‌گیری بر پایه معادله برنولی استوار است. انقباض در عبور جریان برای افزایش سرعت استفاده می‌شود که همراه با کاهش هد فشار بوده و در نتیجه افت فشار تابعی از دبی جریان سیال می‌باشد.

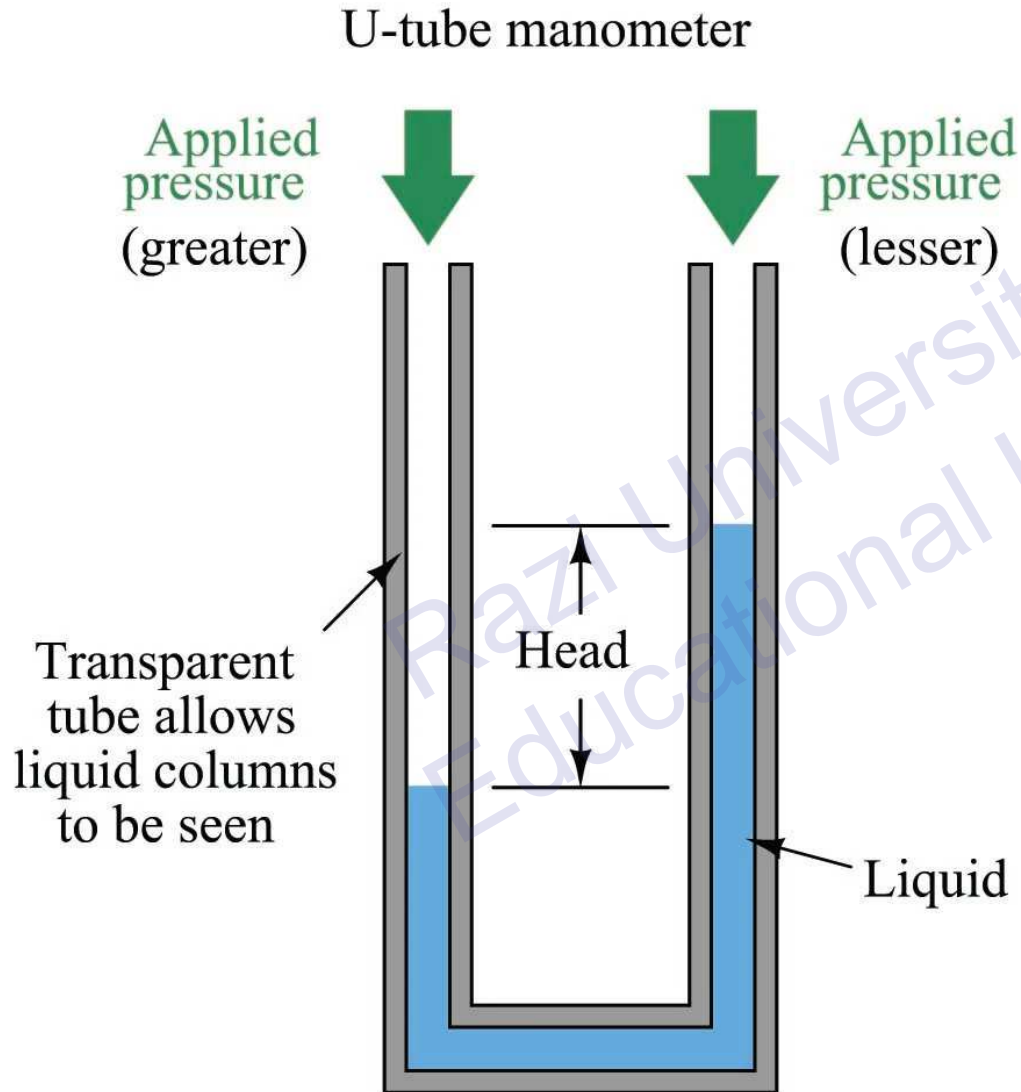
Head flow meter ها مرکب از دو بخش هستند:

۱- المنت اولیه (Primary element)

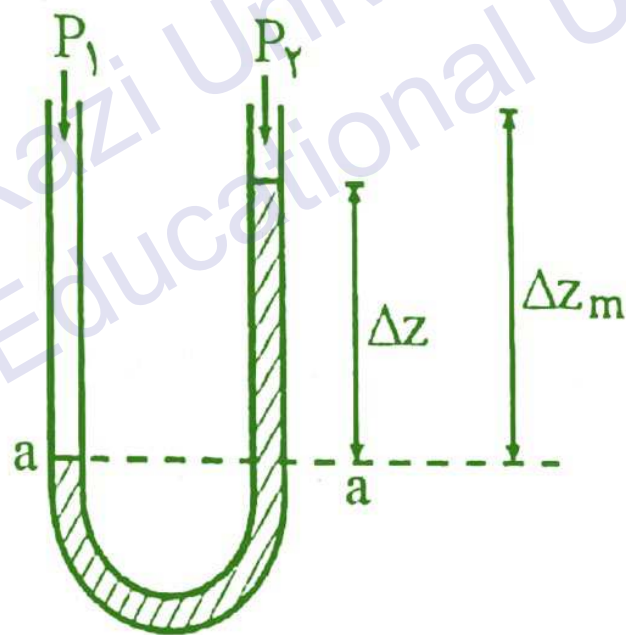
۲- المنت ثانویه (Secondary element)

قسمت اول موجب کاهش هد فشاری می‌شود و قسمت دوم این افت فشار را اندازه‌گیری می‌نماید. مشهورترین نوع این نوع المنت‌ها برابر کانال‌های سربسته مانومترهای U - tube (لوله U شکل) می‌باشند.

# لوله U شکل



یک مانومتر ساده مطابق شکل شامل دو سیال با دانسیته‌های مختلف  $\rho_1$ ،  $\rho_m$  است که جهت اندازه‌گیری اختلاف فشار  $(P_1 - P_2)$  به کار گرفته می‌شود. برای بدست آوردن این مقدار اختلاف فشار، سطح  $a - a$  را در نظر می‌گیریم و روابط مورد استفاده را بر مبنای آن به کار می‌بریم. فشار برای هر دو قسمت بازو در سطح  $a - a$  بایستی یکسان باشد.





سمت چپ بازو :  $P_1 + \rho g \Delta z_m$

سمت راست بازو :  $P_2 + \rho g(\Delta z_m - \Delta z) + \rho_m g \Delta z = P_1 + \rho g \Delta z_m$

برای مایعات :  $P_1 - P_2 = (\rho_m - \rho) g \Delta z$

در صورتی که سیال گاز باشد، دانسیته آن ( $\rho$ ) در مقابل  $\rho_m$  قابل صرف نظر کردن می باشد و داریم:

$$P_1 - P_2 = \rho_m g \Delta z$$

از طرفی داریم:

$$\Delta h = \frac{P_1 - P_2}{\rho g}$$

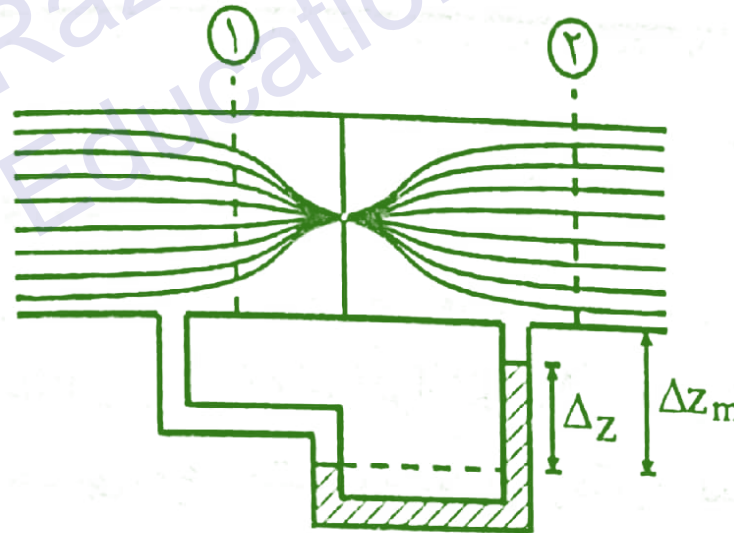
با ترکیب روابط فوق داریم:

$$\Delta h = \frac{(\rho_m - \rho) \Delta z}{\rho}$$

# اوریفیس

اریفیس روزنه‌ای است که در مسیر حرکت جریان سیال قرار داده می‌شود. معادله برنولی برای دو نقطه (۱) و (۲) عبارت است از:

$$\frac{P_2 - P_1}{\rho g} + \frac{u_2^2}{2g} - \frac{u_1^2}{2g} = 0 \Rightarrow \frac{P_1 - P_2}{\rho} = \frac{u_2^2}{2} \left(1 - \frac{u_1^2}{u_2^2}\right)$$



بررسی دقیق‌تر نشان می‌دهد که در نقطه (۱) بر روی جریان سیال هیچ‌گونه تأثیری از طرف Orifice plate گذاشته نمی‌شود و در این نقطه سیال دارای سرعت خطی متوسط  $u_1$  و سطح مقطع  $S_1$  می‌باشد، ولی در نقطه (۲) در داخل لوله سیال به ماکزیمم سرعت خطی متوسط خود  $u_2$  می‌رسد و سطحی

برابر  $S_2$  (مینیمم سطح مقطع جریان سیال) را اشغال می‌نماید، که این نقطه را اصطلاحاً Vena - contracta گویند. محل این نقطه تابعی از نسبت قطر ریفیس به قطر لوله و همچنین دبی سیال می‌باشد. با نوشتن معادله برنولی در مقاطع (۱) و (۲) و جایگذاری یکی از سرعت‌ها بر حسب دیگری با استفاده از معادله پیوستگی و قرار دادن افت فشار از مانومتر، سرعت در یکی از مقاطع و به تبع آن دبی محاسبه می‌شود. بازیابی فشار درون یک صفحه اریفیس خیلی کم است، زیرا وجود eddyها که در پشت vena contracta بوجود می‌آید تلفات اصطکاکی زیادی را به همراه خواهد داشت که قابل بازیابی نمی‌باشد. لذا یکی از معایب این نوع وسایل اندازه‌گیری را می‌توان همین تلفات دانست. پس یکی از معایب بزرگ اریفیس‌ها عدم بازیابی مناسب فشار پس از ایجاد افت فشار (برای اندازه‌گیری دبی جریان)، می‌باشد.

از مزایای اریفیس‌ها می‌توان به ارزان بودن و نصب ساده آنها اشاره کرد. همچنین انعطاف پذیری نسبت قطر اریفیس به قطر لوله از مزایای دیگر آن است. این مسأله در شرایطی که تغییر شدت جریان زیاد باشد خیلی اهمیت دارد. در وسایل دیگر مانند وانتوری نسبت دو قطر قابل تغییر نمی‌باشد. اگر دبی تغییر کند، با عوض کردن و یا گشاد کردن سوراخ درون صفحه اریفیس این عمل قابل اجراء خواهد بود.

مخزنی را در نظر بگیرید که توسط یک اریفیس در انتهای ظرف در حال تخلیه است. در حین خروج مایع از مخزن و فواره شدن به خارج، سطح مقطع خروجی به حداقل مقداری می‌رسد که همانطوری که گفته شده Vena-Contract نامیده می‌شود. سرعت و سطح مقطع در این نقطه را با  $V_j$  و  $A_j$  نمایش می‌دهیم و همانطوری که می‌دانید دبی حجمی برابر حاصلضرب این دو مقدار است. لذا داریم:

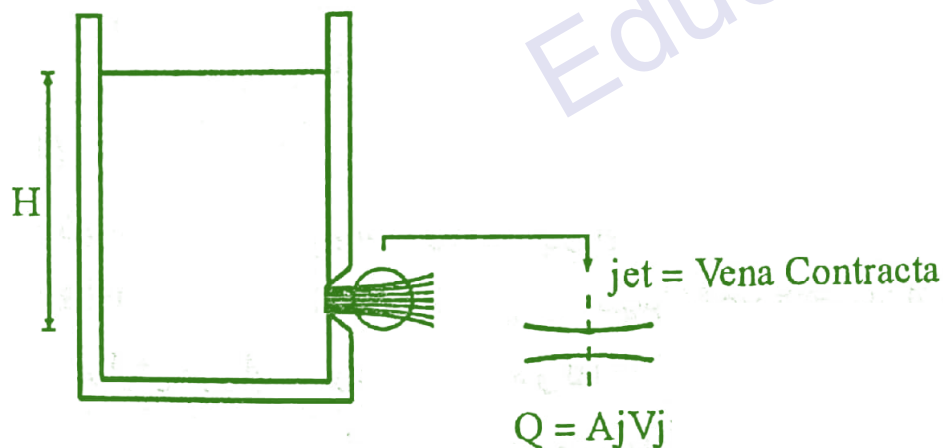
$$\text{ضریب سرعت} = C_V = \frac{V_j}{V_{\text{Ideal}}} = \frac{V_j}{\sqrt{2gh}}$$

سرعت تئوری بدون در نظر گرفتن تلفات

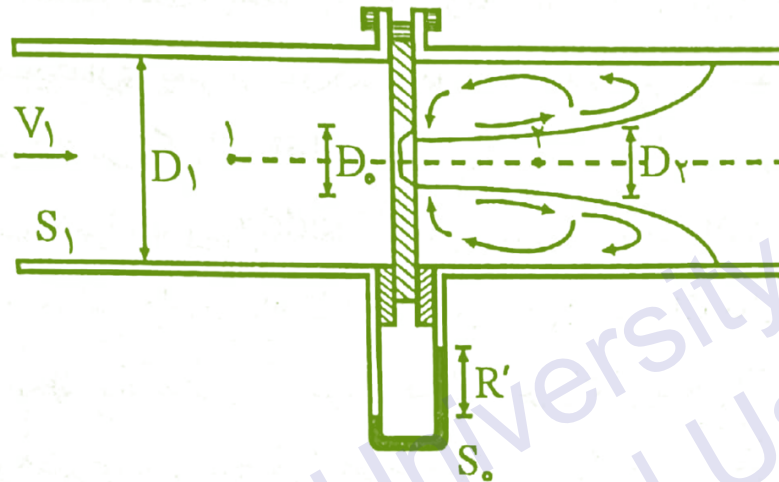
$$C_C = \frac{A_j}{A_0} = \frac{\text{مساحت جت}}{\text{مساحت اریفیس}}$$

$$Q = A_j V_j = C_C C_V A_0 \sqrt{2gh} = C_d A_0 \sqrt{2gh}$$

$C_d$  ضریب تخلیه اریفیس بوده و تابع نسبت قطر اریفیس به قطر لوله، عدد رینولدز و ضخامت صفحه اریفیس می‌باشد.



## اریفیس در یک لوله



از معادله برنولی بین نقاط ۱ و ۲ و معادله پیوستگی خواهیم داشت:

$$\frac{V_{1t}^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma} = \frac{V_{2t}^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma} \quad , \quad V_{1t} \frac{\pi D_1^2}{4} = V_{2t} C_C \frac{\pi D_0^2}{4}$$

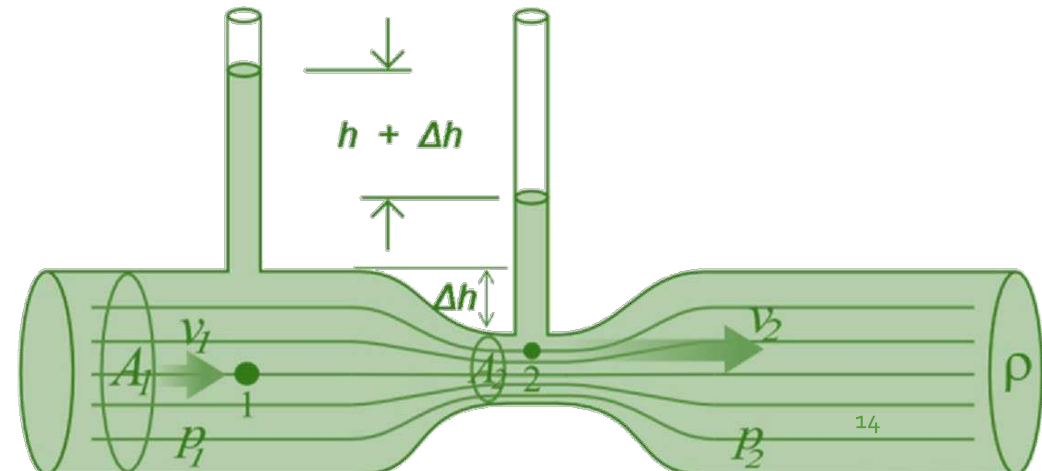
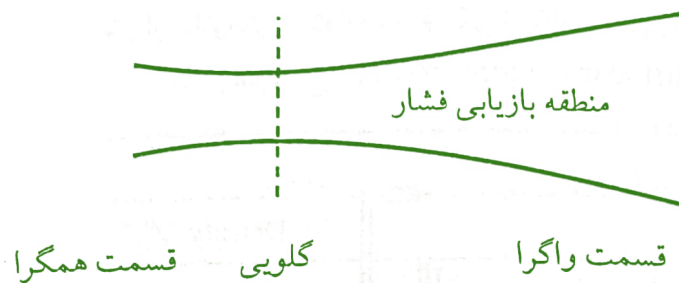
$$Q_a = C_d A_0 \sqrt{\frac{\gamma(P_1 - P_2) / \pi}{1 - C_C^2 (D_0 / D_1)^4}}$$

دبی واقعی =  $Q_a = C_d A_0 \sqrt{\frac{\gamma(P_1 - P_2) / \pi}{1 - C_C^2 (D_0 / D_1)^4}}$

در روابط فوق  $C_C$  ضریب انقباض و  $C_d$  ضریب تخلیه می‌باشد.

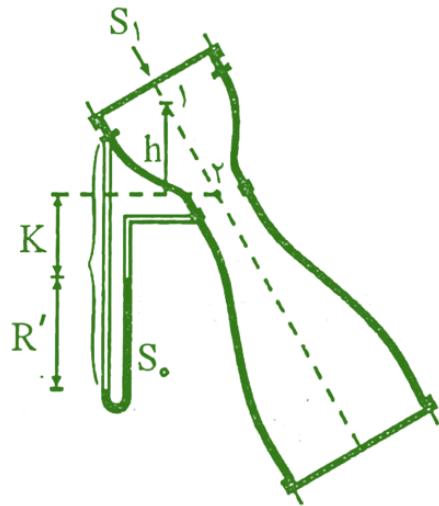
# ونتوری

تئوری اریفیس در اینجا نیز صادق می‌باشد. و تنها فرق این دو در این است که سرعت جریان در بخش مخروطی *upstream cone* با کاهش فشار، افزایش می‌یابد. سپس با عبور جریان از بخش گلویی به علت این که تدریجاً زاویه مخروط افزایش می‌یابد، سرعت کم شده و لذا موجب افزایش فشار در این بخش خواهد شد و در نتیجه اکثر افت فشار بازیابی می‌شود. لازم به یادآوری است که چون زاویه در جهت پایین دست کوچک است، لذا *eddy* و *Drag* در این جهت کم می‌باشد. به هر صورت تلفات وانتوری به هنگام طراحی آنها تقریباً ده درصد اختلاف فشار  $P_1 - P_2$  (تلفات فشار ورودی قسمت گلویی و خروجی) خواهد بود و در نتیجه حدود ۹۰ درصد اختلاف فشار در بخش پایین دست (خروجی جریان) مخروط بازیابی می‌شود. از مزایای مهم این نوع وسایل کاربرد آنها جهت اندازه‌گیری دبی مایعاتی است که دارای ذرات جامد معلق می‌باشند. روابط و شکل مربوط را در ادامه خواهید دید.



همانطوری که گفته شد وانتوری متر جهت اندازه گیری دبی جریان در لوله ها به کار می رود. روابط

مربوط با توجه به شکل عبارتند از:

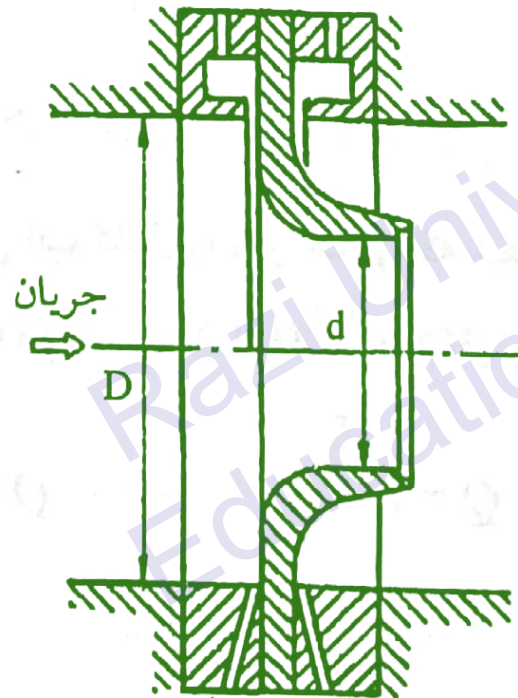


معادله پیوستگی:  $\frac{V_1^2}{2g} = \frac{V_2^2}{2g} \left(\frac{D_2}{D_1}\right)^4$  ، معادله برنولی بین نقاط ۱ و ۲:  $\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma} + h = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma}$

$$Q_a = C_V A_2 \sqrt{\frac{\gamma g [h + (P_1 - P_2) / \gamma]}{1 - (D_2 / D_1)^4}}$$

# نازل

در شکل زیر یک نازل نشان داده شده است.



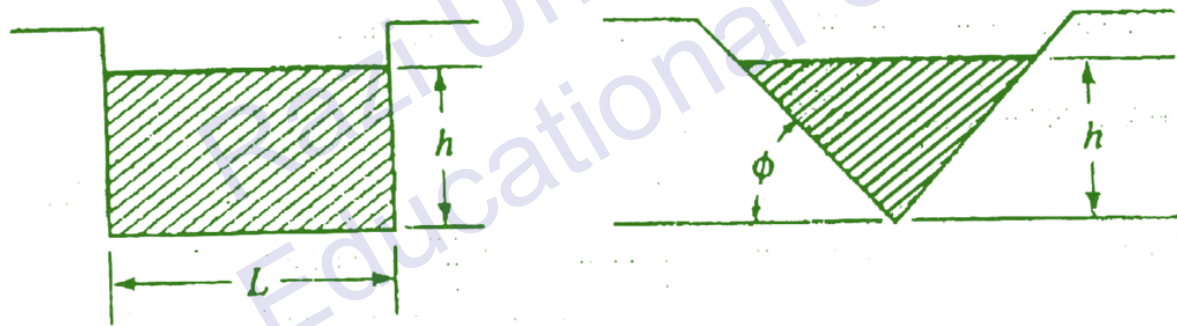


در جدول زیر افت هد خالص و هزینه سه وسیله ذکر شده مورد مقایسه قرار گرفته شده است:

هزینه	افت هد خالص	نام وسیله
کم	زیاد	اریفیس
متوسط	متوسط	نازل
زیاد	کم	ونتوری

# سرریزها

از سرریزها برای اندازه‌گیری جریان در کانال‌های باز استفاده می‌شود. سرریزها به شکل سدی هستند که مایع از روی آنها جریان پیدا می‌کند. جریان سیال از روی سرریز عبور می‌کند و ارتفاع  $h$  که هد سرریز نامیده می‌شود در فاصله  $3h$  از بالادست جریان اندازه‌گیری می‌شود. در شکل زیر دو نوع سرریز مستطیلی و مثلثی نشان داده شده است.



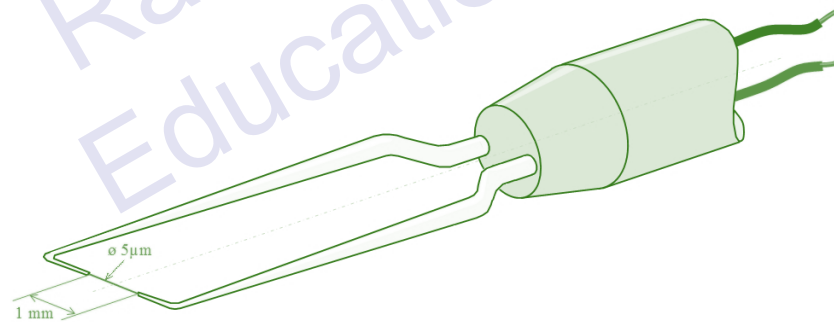
$Q \propto h^{\frac{3}{2}}$  برای سرریز مستطیلی:

$Q \propto h^{\frac{5}{2}}$  برای سرریز مثلثی:

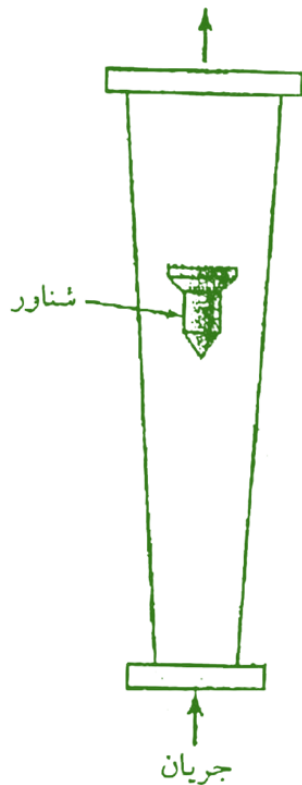
# هات وایر

## بادسنج سیم داغ

هرگاه یک سیم داغ در داخل جریان قرار گیرد دمای آن در اثر سرعت سیال تغییر پیدا می کند و این تغییر دما سبب تغییر مقاومت الکتریکی سیم می شود. بادسنج سیم داغ وسیله ای است که جریان را با استفاده از تغییر مقاومت الکتریکی اندازه گیری می نماید.



# روتامتر



روتامتر جریان سنج سطحی است که در آن افت فشار تقریباً ثابت است و مساحتی که سیال در آن جریان دارد بر حسب دبی تغییر می‌کند. این جریان از طریق درجه بندی مساحت قابل اندازه گیری است.

در شکل زیر یک روتامتر نشان داده شده است. جریان از مخروطی به سمت بالا حرکت می‌کند و یک شناور را معلق می‌کند. با افزایش دبی جریان ارتفاعی که شناور بالا می‌رود بیشتر می‌شود.

از روتامتر می‌توان برای اندازه گیری جریان مایعات و گازها استفاده کرد.

## ضربه قوچ

هرگاه سرعت مایع داخل لوله به طور ناگهانی تغییر کند تغییر ناگهانی در فشار ایجاد می شود که به شکل یک موج فشاری در طول لوله حرکت می کند و باعث افزایش یا کاهش شدید فشار می شود که به این پدیده ضربه قوچ گفته می شود. تغییر ناگهانی سرعت مایع در داخل لوله می تواند ناشی از بسته شدن ناگهانی شیر موجود در مسیر جریان باشد.

یک لوله به طول  $L$  را در نظر می گیریم که یک طرف آن به یک مخزن بزرگ متصل است و در انتهای طرف دیگر آن شیر باز قرار دارد و جریان دائمی برقرار است. با بسته شدن ناگهانی شیر یک موج فشاری ایجاد می شود که با سرعت  $a$  به سمت شیر حرکت می کند. هرگاه  $t_c$  زمان بسته شدن شیر باشد داریم:

$$t_c < \frac{2L}{a} \Rightarrow \text{بسته شدن شیر سریع است.}$$

$$t_c > \frac{2L}{a} \Rightarrow \text{بسته شدن شیر آهسته است.}$$